

**نسخة للطلبة للمراجعة – الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧**

1

The slope of the tangent to the curve

$xy^2 = 3$  at the point  $(3, 1)$  equals .....

(a) -6

(b) -3

(c)  $-\frac{1}{6}$

(d)  $\frac{1}{3}$

ميل المماس للمنحنى  $xy^2 = 3$  عند النقطة  $(3, 1)$  يساوي .....

(ب) -3

(أ) -6

(د)  $\frac{1}{3}$

(ج)  $-\frac{1}{6}$

2

2

If  $x = \frac{z+1}{z-1}$ ,  $y = \frac{z-1}{z+1}$ , find  $\frac{d^2y}{dx^2}$  at  $z=0$

إذا كانت  $x = \frac{z+1}{z-1}$ ،  $y = \frac{z-1}{z+1}$ ، فابحث

عندما  $z=0$  عن  $\frac{d^2y}{dx^2}$

3

If a stone fell in a still water lake, then a circular wave is formed whose radius increases at a rate of 4 cm/sec. Find the rate of increasing of the surface area of the wave at the end of 5 seconds

سقط حجر في بحيرة ساكنة فتولدت موجة دائرية يتزايد طول نصف قطرها بمعدل ٤ سم/ث.

أوجد معدل التغير في مساحة سطح الموجة في نهاية ٥ ثوان.

4



4

If the function  $f: f(x) = x + \frac{a}{x}$  has a critical point at  $x = 2$ , then the value of  $a = \dots\dots\dots$

- (a) 4 (b) 3  
(c) 2 (d) 1

إذا كانت للدالة د حيث

$$د(س) = س + \frac{ا}{س}$$

نقطة حرجة عند  $س = ٢$

فإن قيمة الثابت  $ا = \dots\dots\dots$

- (أ) ٤ (ب) ٣  
(ج) ٢ (د) ١

5

If the curve of the function

$f: f(x) = \cos x - a x^2$  has an inflection point at  $x = \frac{\pi}{3}$ , then the value of

$a = \dots\dots\dots$

(a)  $\frac{1}{4}$

(b)  $-\frac{1}{4}$

(c)  $\frac{1}{2}$

(d)  $-1$

إذا كان لمنحنى الدالة د حيث

د (س) = جتا س -  $a$  س<sup>٢</sup> نقطة

انقلاب عند س =  $\frac{\pi}{3}$

فإن قيمة الثابت  $a = \dots\dots\dots$

(ب)  $\frac{1}{4}$

(أ)  $\frac{1}{4}$

(د)  $-\frac{1}{4}$

(ج)  $\frac{1}{2}$

6

6

Find the absolute maximum value of the function  $f$  such that:

$f(x) = \sin x + \cos x$  in the interval

$[0, 2\pi]$  is

(a) zero

(b)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(c) 1

(d)  $\sqrt{2}$

القيمة العظمى المطلقة  
للدالة د حيث

د (س) = جاس + جتاس

في الفترة  $[0, 2\pi]$  هي .....

(أ) صفر

(ب)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(ج) 1

(د)  $\sqrt{2}$

7

Answer one of the following items

- (a) Determine the local maximum values and the local minimum values (if there exist) for the function

$$f: f(x) = (2 - x)e^x$$

- (b) Find the absolute maximum values and the absolute minimum values of the function  $f$  such that :

$$f(x) = 3x^4 - 4x^3 \text{ in the interval } [-1, 2]$$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

- (أ) أوجد القيم العظمى والصغرى المحلية (إن وجدت) للدالة  
 $f(x) = (2 - x)e^x$

- (ب) أوجد القيم العظمى والصغرى المطلقة للدالة  
 $f(x) = 3x^4 - 4x^3$  في الفترة  $[-1, 2]$ .

8





8

$$\int 2\cos^2 x \, dx = \dots\dots\dots$$

- (a)  $x + \frac{1}{2} \sin 2x + c$   
 (b)  $x + 2\sin 2x + c$   
 (c)  $x - \frac{1}{2} \sin 2x + c$   
 (d)  $x - \sin 2x + c$

$$\int 2^x \sin x \, dx = \dots\dots\dots$$

- (أ)  $\sin x + \frac{1}{2} \cos x + c$   
 (ب)  $\sin x + 2 \cos x + c$   
 (ج)  $\sin x - \frac{1}{2} \cos x + c$   
 (د)  $\sin x - 2 \cos x + c$

10

9

In the orthogonal coordinate plane, the straight line  $\overleftrightarrow{AB}$  is drawn passing through the point C(3,2), cutting the x-axis at the point A and the y-axis at the point B. Find the smallest area for  $\Delta AOB$  such that O is the origin point.

في مستوى إحداثي متعامد رسم المستقيم  $\overleftrightarrow{AB}$  يمر بالنقطة جـ (٣، ٢) ويقطع محور السينات في النقطة بـ ومحور الصادات في النقطة أ. أوجد أصغر مساحة المثلث أوب حيث (و) نقطة الأصل.





10

If  $f(x) = |x|$ , then  $\int_{-2}^2 f(x) dx = \dots\dots\dots$

- (a) 4 (b) 2  
(c) 0 (d) -1

إذا كان د (س) = |س|

فإن  $\int_{-2}^2 د (س) د س = \dots\dots\dots$

- (أ) ٤ (ب) ٢  
(ج) صفر (د) -١

11

Find the area of the region bounded by the two curves:

$$y = x^2, y = 5x.$$

أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين المنحنيين:

$$y = x^2, y = 5x.$$

14

12

Find the volume of the solid generated by revolving the region bounded by the two curves :  $y = x^2$  ,  $y = 3x$  a complete revolution about the  $x$ -axis .

أوجد حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المحصورة بين المنحنيين  $y = x^2$  ،  $y = 3x$  حول محور السينات دورة كاملة.

Answer one of the following items

(a) Find :  $\int \frac{x}{x+1} dx$

(b) Find :  $\int x^2 \ln x dx$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

(أ) أوجد  $\int \frac{x}{x+1} dx$

(ب) أوجد  $\int x^2 \ln x dx$





14

If  $f(x) = a e^x$ , then  $f'(-2)$  equals .....

(a)  $-f(2)$

(b)  $-f'(2)$

(c)  $-f(-2)$

(d)  $f(-2)$

إذا كان د (س) =  $e^x$

فإن د' (-2) تساوي .....

(أ) د' (-2)

(ب) د' (-2)

(ج) د' (-2)

(د) د' (-2)

18

15

If  $\int \frac{\ln x^2}{\ln x} dx$  equals .....

- (a)  $\frac{x}{2} + c$
- (b)  $\frac{1}{x} + c$
- (c)  $2x + c$
- (d)  $\ln |x| + c$

لو س  
لو س  
لو س

- (أ)  $\frac{s}{2} + c$
- (ب)  $\frac{1}{s} + c$
- (ج)  $2s + c$
- (د)  $\ln |s| + c$

16

$\int \cot x \, dx$  equals .....

- (a)  $\ln |\sin x| + c$
- (b)  $\ln |\cos x| + c$
- (c)  $-\ln |\sin x| + c$
- (d)  $\ln |\csc x| + c$

ظتاس ك س يساوي .....

- (أ)  $\ln |\sin x| + c$
- (ب)  $\ln |\cos x| + c$
- (ج)  $-\ln |\sin x| + c$
- (د)  $\ln |\csc x| + c$

20



17

Find the equation of the normal to the curve  $y = 3e^x$  at the point lying on it and its x-coordinate equals -1 .

أوجد معادلة العمودي للمنحنى  $y = 3e^x$  عند نقطة واقعة عليه وإحداثياتها السينية يساوي -١ .

18

If  $y = \cot\left(\frac{\pi}{6}\right)t$ ,  $t = 3\sqrt{x}$ , then

$\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=1}$  equals .....

(a)  $-\frac{\pi}{4}$

(b)  $-\frac{\pi}{9}$

(c)  $-\frac{\pi}{6}$

(d)  $\frac{\pi}{4}$

إذا كان  $v = \cot\left(\frac{\pi}{6}\right)t$  ،  
 $t = 3\sqrt{x}$  ، فإن

$\left(\frac{dv}{dx}\right)_{x=1}$  تساوي .....

(a)  $-\frac{\pi}{9}$

(b)  $-\frac{\pi}{4}$

(c)  $-\frac{\pi}{6}$

(d)  $\frac{\pi}{4}$

(a)  $-\frac{\pi}{9}$

(b)  $-\frac{\pi}{4}$

(c)  $-\frac{\pi}{6}$

(d)  $\frac{\pi}{4}$

22

نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧